

Zadania ze Wstępu do Matematyki; Zestaw W3

Które z następujących relacji $R \subseteq A \times B$ są funkcjami $f : A \rightarrow B$?

1. $A = \{a, b, c\}, B = \{x, y\}, R = \{(a, x), (b, x), (c, y)\}$
2. $A = \{a, b, c\}, B = \{a, b, c\}, R = \{(a, c), (b, b), (c, c)\}$
3. $A = \{a, b, c\}, B = \{x, y\}, R = \{(a, x), (b, y)\}$
4. $A = \{a, b, c\}, B = \{x, y, z, t\}, R = \{(a, y), (b, z), (c, x), (a, t)\}$
5. $A = \mathbb{R}, B = \mathbb{R}, R = \{(x, y) \mid y = x^2\}$
6. $A = \mathbb{R}, B = \mathbb{R}, R = \{(x, y) \mid x = y^2\}$
7. $A = \mathbb{R}, B = \mathbb{R}, R = \{(x, y) \mid y = \sqrt{x}\}$
8. $A = [0, \infty), B = \mathbb{R}, R = \{(x, y) \mid y = \sqrt{x}\}$

Dla danej funkcji f znaleźć obraz zbioru A i przeciwobraz zbioru B .

9. $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = x^2, A = [1, 2), B = (2, 3]$
10. $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = x^2, A = (-3, 2], B = (-1, 5)$
11. $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = x^2, A = (-9, -2], B = [-10, 0]$
12. $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = x^2, A = (-5, 5), B = [-3, -1]$
13. $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = x^3, A = [-2, 3], B = [-2, 3]$
14. $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = x^2 - x + 1, A = [0, 1], B = \{7\}$

Dane są funkcje $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, h : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$. Funkcje f i g są rosnące a funkcja h jest malejąca. Proszę rozwiązać równania i nierówności:

- | | |
|---|--|
| 15. $f(x^2 - 1) = f(1 - x)$ | 18. $h(2x - 3) > h(3x - 2)$ |
| 16. $f(h(x + 2)^3 + 3) = f(h(5 - x)^3 + 3)$ | 19. $g(h(f(x + 5) - 3 + x) + x^2) + 5 >$
$> g(h(f(7 - x) - 3 + x) + x^2) + 5$ |
| 17. $f(2x - 3) > f(3x - 2)$ | |

Znaleźć funkcję odwrotną do f , wskazać jej dziedzinę i przeciwdziedzinę.

- | | |
|---|---|
| 20. $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = 3x - 7$ | 23. $f : \mathbb{R} \setminus \{-2\} \rightarrow \mathbb{R} \setminus \{5\}, f(x) = \frac{5x - 3}{x + 2}$ |
| 21. $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = (x + 3)^3 - 5$ | 24. $f : [3, \infty) \rightarrow [-8, \infty), f(x) = x^2 + 6x + 1$ |
| 22. $f : \mathbb{R} \setminus \{3\} \rightarrow \mathbb{R} \setminus \{-3\}, f(x) = \frac{3x + 5}{3 - x}$ | 25. $f : (-\infty, 0] \rightarrow [\sqrt{5}, \infty), f(x) = \sqrt{x^2 + 5}$ |