

Zadania z analizy matematycznej; Zestaw 5

Dla następujących funkcji proszę znaleźć wartość największą i najmniejszą (jeśli nie istnieją wtedy odpowiednio kres górny i dolny), lokalne ekstrema i naszkicować wykres:

1. $f(x) = 2x^3 - 9x^2 + 12x + 3, \quad x \in [0, 3]$
2. $f(x) = x^3 + 3x^2 - 45x + 7, \quad x \in [-6, 6]$
3. $f(x) = x^3 + 3x^2 - 45x + 7, \quad x \in (-10, 10)$
4. $f(x) = x^4 - 4x^3 - 2x^2 + 12x - 5, \quad x \in \mathbb{R}$
5. $f(x) = x^4 - 4x^3 - 2x^2 + 12x - 5, \quad x \in [-4, 4]$
6. $f(x) = 3x^4 - 8x^3 - 6x^2 + 24x + 5, \quad x \in [-3, 3]$
7. $f(x) = 2x + \ln x + 3, \quad x \in [2, \infty)$
8. $f(x) = x^2 - 8x + 6 \ln x + 4, \quad x \in [\frac{1}{2}, 4]$
9. $f(x) = x^2 - 14x + 20 \ln x + 1, \quad x \in (1, 6)$
10. $f(x) = x^2 - 10x + 2 \ln x^4 + 3, \quad x \in [\frac{1}{2}, 5]$
11. $f(x) = x - e^x + 2, \quad x \in [-1, 1]$
12. $f(x) = e^2x - e^x + 4, \quad x \in [-3, 3]$
13. $f(x) = 2x^2 - \ln x, \quad x \in (0, \infty)$
14. $f(x) = \frac{x^2 + 2x + 1}{x - 3}, \quad x \in [4, 10]$
15. $f(x) = \frac{x^2 + 2x + 1}{x - 3}, \quad x \in \mathbb{R} \setminus \{3\}$
16. $f(x) = \frac{2x^2 + 3x + 2}{x - 1}, \quad x \in [2, 6]$
17. $f(x) = \frac{x^2 + 2x + 1}{x - 3}, \quad x \in [6, 10]$
18. $f(x) = \frac{2x^2 - 3x - 1}{x - 3}, \quad x \in (7, 12]$
19. $f(x) = \ln(x + \sqrt{1 + x^2}), \quad x \in \mathbb{R}$
20. $f(x) = x^2 e^{-x}, \quad x \in \mathbb{R}$
21. $f(x) = \frac{x}{\ln x}, \quad x \in (0, \infty)$
22. $f(x) = 2x^3 - x^2, \quad x \in (-3, 3)$
23. $f(x) = x^4 - 2x^2 + 5, \quad x \in [-2, 2]$
24. $f(x) = \frac{x - 1}{x + 1}, \quad x \in [0, 4]$
25. $f(x) = \sqrt{100 - x^2}, \quad x \in [-6, 8]$
26. $f(x) = x - \ln(1 + x), \quad x \in (-1, \infty)$
27. $f(x) = x - \ln(1 + x^2), \quad x \in \mathbb{R}$
28. $f(x) = x \sin x + \cos x - \frac{x^2}{4}, \quad x \in [-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}]$
29. $f(x) = \sqrt[3]{x^3 - 3x^2 + 8}, \quad x \in \mathbb{R}$
30. $f(x) = |x^2 - 3x + 2|, \quad x \in [0, 3]$
31. $f(x) = |x^2 - 5x + 6|, \quad x \in [0, 4]$