

Proszę znaleźć granice ciągów:

1.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3n^3 + 17n - 4}{2n^3 - 49n^2 + 117}$
2.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2n^3 - 14n + 99}{7n^2 + 14n + 17}$
3.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{13n^2 - 5n + 11}{5n^3 - 114n - 13}$
4.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4n^3 + 5n^4 + 16}{2n^2 - 3n^4 - 16}$
5.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{5n^4 - 3n^5 + 12n^2}{2n^3 + n^5 - 11}$
6.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4 + 5n + 7n^2}{3 + 2n^2 + n^3}$
7.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(2n + 3)^2(3n - 4)^3}{(2n - 1)^5}$
8.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(2n - 1)^3}{(n + 3)(3n - 1)}$
9.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{n^2 + n + 1} - \sqrt{n^2}$
10.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{n^2 + 3n - 2} - \sqrt{n^2 + n + 3}$
11.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{n^2 + 2n + 7} - \sqrt{n^2 - n + 1}$
12.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin x}{n + 3}$
13.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\cos^2 x + 3}{n^2 - 1}$
14.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^{2n} - 2}{9^n + 3^n + 7}$
15.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3^{2n} + 3}{n\sqrt{3^n + 2^n}}$
16.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^{2n} - 2}{9^n + 3^n + 7}$
17.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^{2n} - 2}{9^n + 3^n + 7}$
18.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^{2n} - 2}{9^n + 3^n + 7}$
19.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{3}{n}\right)^n$
20.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1+n}{n+2}\right)^n$
21.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{2n-3}{2n+1}\right)^n$
22.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n^2-n+1}{n^2}\right)^{n^2}$

$$24. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n+3}{n+7}\right)^{n+4}$$

Proszę znaleźć granice funkcji (uwaga na punkt, w którym liczona jest granica):

25.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^3 + x^2 - 13}{2x^3 + 3x + 7}$
26.  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{5x + 1}{3x - 1}$
27.  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{3x^2 - 5x + 2}{x^2 + 3x - 2}$
28.  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{3x^2 - 5x - 2}{x^2 - 3x + 2}$
29.  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^2 + x - 3}{5x^2 - 3x - 2}$
30.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{2x}$
31.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 5x}{\sin 7x}$
32.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x^2 + 1} - \sqrt{x + 1}}{x}$
33.  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x^2 + 1} - \sqrt{x + 1}}{x - 1}$
34.  $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{1 + \cos x}{\sin^2 x}$
35.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} x}{3x}$
36.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg} x}{x}$
37.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3+x}{x+2}\right)^x$
38.  $\lim_{x \rightarrow 0} (1 - 2x)^{\frac{1}{x}}$

Proszę zbadać ciągłość następujących funkcji:

39.  $f(x) = \frac{1}{x}$  dla  $x \neq 0$
40.  $f(x) = \frac{1}{x}$  dla  $x \neq 0$ ,  $f(0) = 0$
41.  $f(x) = \frac{\sin x}{x}$  dla  $x \neq 0$ ,  $f(0) = 1$
42.  $f(x) = \frac{x-1}{|x-1|}$  dla  $x \neq 1$ ,  $f(1) = 0$
43.  $f(x) = |x-1|$  dla  $x \neq 0$ ,  $f(0) = 1$